

Název práce: Extremální kombinatorika matic, posloupností a množin permutací

Autor: Josef Cibulka

Katedra: Katedra aplikované matematiky

Vedoucí disertační práce: Doc. RNDr. Pavel Valtr, Dr., Katedra aplikované matematiky

**Abstrakt:** V této práci se zabýváme oblastmi extremální teorie  $\{0, 1\}$ -matic, posloupností a množin permutací, které mají četná využití v oblasti kombinatorické a výpočetní geometrie. *VC-dimenze* množiny  $n$ -prvkových permutací  $\mathcal{P}$  je největší celé číslo  $k$  takové, že množina zúžení permutací z  $\mathcal{P}$  na některou  $k$ -tici pozic je množina všech  $k$ -prvkových permutací. Projdeme všemi třemi zmíněnými oblastmi extremální kombinatoriky, abychom dokázali horní a dolní meze, rostoucí kvaziexponenciálně v  $n$ , na maximální možnou velikost množiny  $n$ -permutací s VC-dimenzí shora omezenou konstantou. Tento výsledek využívá ve svém článku Jan Kynčl k výraznému snížení horního odhadu na počet tříd slabého izomorfismu úplného topologického grafu na  $n$  vrcholech. Dále pro některé, zejména permutační, matice  $M$  dokážeme nové meze na počet jedniček v  $M$ -prosté  $\{0, 1\}$ -matici velikosti  $n \times n$ . Například pro každé  $k$  zkonestruujeme matici s  $k^2n/2$  jedničkami prostou jedné konkrétní permutační matice velikosti  $k \times k$ . Také dokážeme téměř těsné meze na maximální počet jedniček v matici prosté pevně zvolené vrstvené permutační matice.

**Klíčová slova:** extremální teorie, zakázaná podstruktura, množina permutací,  $\{0, 1\}$ -matice