

Nechť  $G$  je podmnožinou duálu reálného Banachova prostoru  $X$  a  $F \subset G$ . Pak  $F$  je Jamesovou hranicí  $G$ , jestliže každý  $w^*$ -spojitý lineární funkcionál na  $X$  nabývá v nějakém bodě množiny  $F$  svého suprema na  $G$ . Ptáme se, zda normově omezená množina v  $X$ , která je spočetně kompaktní v topologii generované  $F$ , je nutně sekvenciálně kompaktní v topologii generované  $G$ . Pozitivní řešení tohoto problému je hlavním obsahem této práce. Jako důsledek je pak získán Jamesův popis slabě kompaktních množin v reálném Banachově prostoru. Díky Eberleinově-Šmuljanově větě vyplyne kladné řešení tzv. problému hranice jako speciální případ pozitivní odpovědi na výše nastolenou otázku. Ta je dále diskutována v situaci Banachových prostorů nad tělesem komplexních čísel. V takovém případě nemůžeme použít starou definici Jamesovy hranice. Ukazuje se však, že je možné „přirozeným“ způsobem redefinovat pojem Jamesovy hranice, a že za této nové definice dokážeme též na naši otázku odpovědět pozitivně.