

Abstrakt: Nech $P = (p_1, p_2, \dots, p_N)$ je postupnosť bodov v rovine, kde $p_i = (x_i, y_i)$ a $x_1 < x_2 < \dots < x_N$. Slávna Erdős–Szekeressova veta z roku 1935 hovorí, že každá taká postupnosť P obsahuje monotónnu podpostupnosť S dĺžky $\lceil \sqrt{N} \rceil$. Iná, podobne slávna veta z toho istého článku hovorí, že každá taká postupnosť P obsahuje konvexnú alebo konkávnú podpostupnosť dĺžky $\Omega(\log N)$. Najprv definujeme $(k + 1)$ -tícu $K \subseteq P$ ako pozitívnu, keď leží na grafe funkcie s nezápornou k -tou deriváciou a podobne tiež negatívnu $(k + 1)$ -tícu. Ďalej hovoríme, že $S \subseteq P$ je monotónna k -teho rádu, keď jej $(k + 1)$ -tice sú buďto všetky pozitívne alebo všetky negatívne. V tejto práci skúmame kvantitatívne odhady pre zodpovedajúce Ramseyovské funkcie. Dostávame $\Omega(\log^{(k-1)} N)$ ako dolný odhad. Taktiež uvádzame vylepšené odhady pre súvisiace problémy ako Order types a One-sided sets of hyperplanes.