

Název práce: Vlnová rovnice v okolí černé díry

Autor: Marián Simon

Katedra (ústav): Ústav teoretické fyziky

Vedoucí bakalářské práce: Mgr. Tomáš Ledvinka Ph.D.

e-mail vedoucího: ledvinka@inbox.troja.mff.cuni.cz

Abstrakt: V predloženej práci študujeme vývoj vlnovej rovnice na čiernodierovom pozadí. Vlnovú rovnici separujeme v Schwarzschildových súradničach a tým rozložíme vlnovú rovnicu do sústavy jednoduchších rovníc. Jednotlivé rovnice ešte zjednodušíme pomocou tzv. *korytnačej* súradnice. Po niekoľkých úpravách už máme rovnice v tvare, v ktorom ich budeme riešiť. Rozklad konkrétne robíme pre počiatočnú podmienku a to tak, že ju preintegrujeme s l -tým Legendrovým polynómom. To robíme numericky a používame pri tom Gaussovú metódu integrácie a výhodné vlastnosti Legendrových polynómov. Pri numerickom riešení vlnových rovníc používame Runge-Kuttov algoritmus štvrtého rádu. Výsledkom práce sú obrázky vypočítané na počítači, ktoré zachytávajú pohyb vlny v okolí čiernej diery.

Klíčová slova: vlnová rovnica, Schwarzschildova metrika, Legendrove polynómy, numerické metódy

Title: Wave equation in the vicinity of a black hole

Author: Marián Simon

Department: Institute of theoretical physics

Supervisor: Mgr. Tomáš Ledvinka Ph.D.

Supervisor's e-mail address: ledvinka@inbox.troja.mff.cuni.cz

Abstract: In the present work we study evolution of wave equation on black hole background. We separate the wave equation in to set of simpler equations using separation in Schwarzschild coordinates. We simplify individual equations using the *tortoise* coordinate. After few another modifications we have equations in the form in which we are going to solve them. More precisely we are using separation for initial condition. To achieve that we integrate initial condition with l^{th} Legendre polynom. We do that using numerical method called Gauss method of integration and using some suitable properties of Legendre polynomials. Solution of wave equations is realized by numerical method called fourth-order Runge-Kutta algorithm. The result of this work is set of pictures generated by computer which captures the motion of wave