

### Opponentský posudek disertační práce

Ondřeje Liberdy

nazvané

## Kontinuace invariantních podprostorů

Disertační práce sestává z pěti publikovaných článku připojených jako přílohy a komentáře ukazujícího na nekteré podrobnosti jakými jsou vztahy mezi jednotlivými články souboru a dalšími publikacemi věnované tématu disertace ve světové odborné literatuře.

Disertace jako celek je věnována dnes velmi aktuální problematice numerického řešení úloh spojených s matematickým modelováním reálných situací formulovaných prostřednictvím dynamických systémů. Autor se v uvedené problematice velice dobře orientuje a svůj přínos směřuje do oblasti řešení dvou numerických úloh vyskytujících se nejen v problematice dynamických systémů ale i v jiných odvětvích numeriky. Vzhledem k tomu, že se jedná o sestrojování invariantních podprostorů závislých na parametru a detekci změn stabilit odpovídajících dynamických systémů, je pochopitelné, že je to též oblast maximální důležitosti a též i obtížnosti. Při realizaci práve uvedených záměru musel autor vyvěsit radu dalších dílčích problémů a úloh, jejichž prezentaci jsou věnovány jednotlivé publikace tvořící podstatnou část disertace.

Formálně je disertační členěna do dvou částí z nichž ta první je autorův komentář k jeho publikacím, jež zahrádil do disertace a ta druhá pak je souborem zmíněných publikací. Komentář tvoří kroniky předmluvy a shrnutí čtyři články charakterizující typické problémy a metodiky použité v jednotlivých publikacích. Tyto publikace v počtu pěti jsou všechny uverejněny většinou v renomovaných periodických a sbornicích. Na tomto místě mohu konstatovat, že cílu bylo v disertaci plně dosaženo a byl též splněn pozadavek zákona specifikující v tom, aby disertant prokázal schopnost samostatného řešení vědeckých problémů v daném oboru.

Metodicky je disertační práce velmi ruznorodá, což odpovídá problematice a požadavkům na řešení vyušetřovaných problémů. Disertant prokazuje, že je patřičně vybaven znalostmi a dobrou orientací ve světové odborné literatuře. Autor využívá kromě již osvědčených prostředků v problematice nelineární analýzy jakými jsou různé varianty Newtonovy metody, dynamické simulace, široké škály metod lineární a numerické algebry též některých metod, jež užitím vlastního přístupu k řešení problematice objevil či znovaobjevil a ukázal na jejich nesporné přednosti. Sem patří systematické používání *Cayleyovy transformace*, a zvláště pak *projektované metody rekurezní projekce* a dále na pr. využití struktury nelinearit vyušetřované problematice vedoucí k zajímavým vztahům mezi řešením úloh vyplývajících z potřeb analýzy dynamických systémů na straně jedné a některými řešeními *Riccatiovy rovnice* na straně druhé. Znovu připomínám, že mnoho dnes již neodmyslitelných partií výpočtové matematiky nezmiňuje, což neznačená, že je autor odyrhl (na pr. použití metody bikonjugovaných gradientů pro řešení soustav lineárních rovnic rezultujících pomocí disertantem navrhovaných technik z původních problémů), naopak, je jich v práci použito mnoho.

často a dovedné. Zde zmiňuji zejména ty prostředky, jejichž použití tak trochu disertanta odlišují od autora jiných. Ze všeho, co dosud bylo uvedeno, plyně, že autorovi se dostalo vynikajícího vzdělání, kterého náležité využil. Je rovněž namísto zduraznit, že disertace, vlastně publikace, zahrnují kromě výsledku teoretických téz výsledky počítačových experimentů. Ty mohou pro hodnotitele sloužit jako "benchmarks"<sup>4</sup> pro porovnání výsledku známých s temi, jež předkládá disertant. Pro mně, oponenta, bylo požitkem studovat tuto disertaci. S potěšením se mi četly pasáže věnované detekci Hopsovy bifurkace. Na pr. v Příloze B lze vysledovat jak se teorie snoubí se svou realizací na počítači. Řešení problémů detekce je vyloženo elegantně a didakticky. Čtenář má radost jak se vše májí. To díky náležité vybudované teorii a mnoha dalším okolnostem, jež realizaci umožnily: Tedy též díky pili a lásece ke konané práci.

Pro disertaci fundamentální nástroj řešení položených problémů metoda nazvaná projektovaná verze metody rekurzivní projekce, je prezentována v Příloze C. Lineární algebra této části je uměle propojena s potřebami nelineární analýzy. Jak uvedeno na jiném místě tohoto posudku, jako jedna ze stěžejních součástí ponížitých metod působí při různých aplikacích v disertaci uvedených přirozeně a nemápadně, avšak velmi účinně. O tom nakonec svědčí i další části disertace Příloha D a Příloha E.

Jak uvedeno výše, disertant musel vyřešit celou řadu jednotlivých úloh různorodé povahy, mezi nimiž i problém koncepcně i technicky velmi náročných a dosud neřešených. I v případě, kdy mohl navázat na své předchůdce, počítal si velmi zkusene a prokázal, že mu je vlastní kritické myšlení i snaha po dokonalosti v přístupu k pokud možno konečnému řešení zkoumaných problémů. V tomto směru je typická část souboru označená jako Příloha A. Zde je podrobena poměrně tvrdé kritice dosud známá publikace významného matematika H. B. Kellera a jeho spolupracovníka, nejspis bývalého Kellera studenta, G.M. Shroffa. Tuto část disertace považuji vzhledem k již uvedeným skutečnostem v rámci přiložených publikací mezi zvláště pozoruhodné a vzhledem k tomu, že i ostatní části příloh obsahují podobně hodnotné výsledky, hodnotím úroveň disertace jako celku jako vynikající.

Nematematičká stránka disertace je poplatná době, články v příloze jsou psány česky, odborné publikace anglicky, pochopitelně. Nejsa expert v jazyce anglickém nedovolují si kritizovat angličtinu disertantovu. Mámi sice jisté pochybnosti ohledně používání členu, ale jak jsem byl mnohemkráté uklidňován svými kolegy, jejichž mateřštinou je angličtina, správné používání členu je záležitost praxe a citu a tak chápou, že disertant se s tímto problémem vypořádává podobně jako já, tedy, "try and error".

Disertantovu čestinu už musím kritizovat méně shovívavě. Spojení "se tady bude soustředit" (str. 2) je nevhodné. Podobně, "Dále definujme prostor ... a bud ..." (str. 7). Dále pak "Cayleyova transformace, predstavená..." je doslovním překladem anglického spojení "Cayley transform, presented...". Uvedené spojení se neloudí a ani hovorově se ho běžně nepoužívá.

<sup>4</sup>Omlouvám se za anglikanismus, ale jakýkoliv výraz v češtině by nevystihl opravdový význam uvedeného pojmu.

Tiskových chyb jsem nalezl málo. Doufám, že to není proto, že jsem byl málo pozorný. Uvádím jen jedno opomenutí. Na str. 15 má být  $A = L_{11} + L_{12}P$ .

**Závěr** Doporučují disertační práci pana Ondřeje Liberdy k obhajobě.

V Praze dne 12. srpna 2006

Ivo Marek