

Lucasovy posloupnosti jsou konstantní rekurzivní celočíselné posloupnosti s dlouhou historií aplikací v kryptografii - používané jak pro návrh kryptografických schémat, tak při kryptoanalýze. V této práci představujeme ověřitelné zpoždovací funkce založené na sekvenční náročnosti výpočtu Lucasových posloupností v RSA grupě.

Zprvé ukážeme, že modulární Lucasovy posloupnosti jsou alespoň tak sekvenční, jako jsou klasické zpoždovací funkce založené na iterovaném modulárním mocnění představené Rivestem, Shamirem, and Wagnerem v kontextu tzv. time-lock puzzles. Navíc ne-nacházíme žádnou očividnou opačnou redukci, což nás přivádí k domněnce, že počítání modulárních Lucasových posloupností je ostře složitější než modulární iterované mocnění. Jinými slovy, námi konstruovaná zpoždovací funkce si zachová svoji sekvenčnost i v případě nalezení nového efektivnějšího algoritmu pro modulární iterované mocnění.

Zadruhé představíme praktickou konstrukci ověřitelné zpoždovací funkce založené na modulárních Lucasových posloupnostech. Naše konstrukce vychází z nedávné práce Pietrzaka (ITCS 2019) a využívá souvislost mezi problémem výpočtu modulárních Lucasových posloupností a mocněním v příslušném tělesovém rozšíření.